

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ФАКУЛЬТЕТ ИННОВАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ**

**С.Л. Миньков, А.А. Погуда
Методические указания по курсу
«Программное обеспечение
инновационной деятельности»**



Томск 2017

СОДЕРЖАНИЕ

1 Решение уравнений и систем уравнений в ППП MathCAD	3
2 Справочная поисковая система «КОНСУЛЬТАНТ ПЛЮС»	20
3 Финансовые расчеты в EXCEL.....	27
4 Доклад и презентация научного исследования	42
5 Инсталляция и изучение ППП	44

Лабораторная работа 1

Решение уравнений и систем уравнений в ППП MathCAD

Цель работы: познакомиться с организацией справочного и информационного интерфейса математического программного пакета MathCAD на примере решения линейных и нелинейных уравнений и систем уравнений.

Система MathCAD предоставляет собой мощную многофункциональную интерактивную вычислительную систему, позволяющую решать численно и аналитически большое количество математических задач, не прибегая к программированию, что обеспечило ей широкую популярность в самых разных кругах – от школьников до академиков. Рабочий документ MathCAD – электронная книга с живыми формулами, вычисления в которой производятся автоматически в том порядке, в котором записаны выражения.

Система MathCAD отличается простым и удобным интерфейсом управления, справочным и информационным интерфейсами.

Одна из составляющих справочного интерфейса – **QuickSheets**, или **быстрые шаблоны (подсказки, шпаргалки)**, – интерактивная среда, позволяющая быстро понять и решить задачу (рис. 1.1).

В разных версиях MathCAD (а фирма-разработчик Mathsoft Engineering & Education, Inc. предлагает уже 14-ю версию) доступ к **QuickSheets** организован по-разному, например, выбором меню **Help** → **Resource Center** → **QuickSheets and Reference Tables** (в MathCAD 2001i) или **Помощь** → **Быстрые шаблоны** (в MathCAD 11). Тем не менее, **QuickSheets** всегда легко найти и запустить.

В лабораторной работе предлагается освоить эту интерактивную среду справочного интерфейса и выполнить с ее помощью ряд заданий по решению уравнений и систем уравнений.

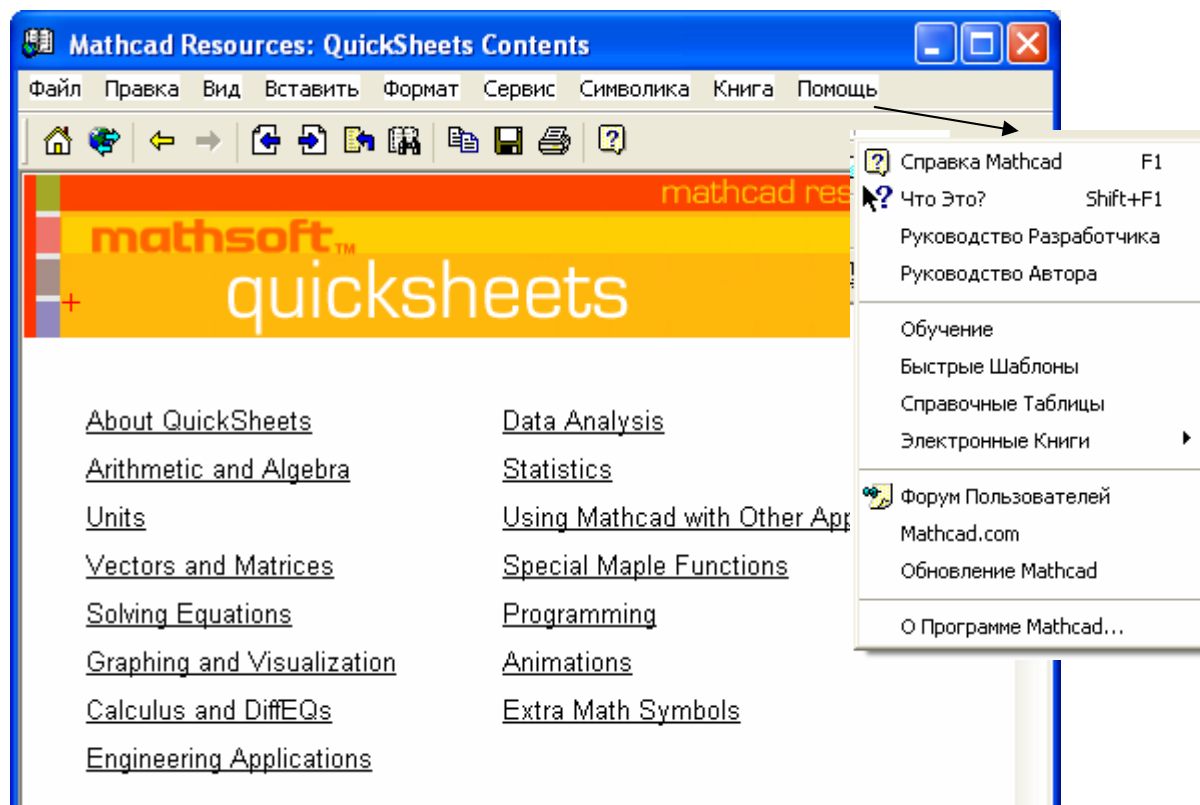


Рис. 1.1 – Содержание QuickSheets

Эти задания взяты из учебного пособия (Миньков С.Л. Практикум по Excel. – Томск: изд-во ТУСУР, 2004. – 155 с.), где они предлагались для решения в среде офисного пакета MS Excel (лабораторные работы 4 и 12). Поэтому появляется хорошая возможность сравнить возможности и особенности применения этих двух популярных программных продуктов.

Большую помощь в наборе символов и размещении объектов MathCAD окажет Математическая панель инструментов, которую можно вызвать из главного меню: **Вид → Панели инструментов → Математика**. Она, в свою очередь, содержит панели **Калькулятор**, **Графики**, **Матрица**,

Определение, Символы, Логика, Вычисления, Греческий алфавит, Программирование (рис. 1.2). Последние три панели для выполнения заданий этой работы не понадобятся, другие же рекомендуется держать на экране и активно использовать.

Задание 1.

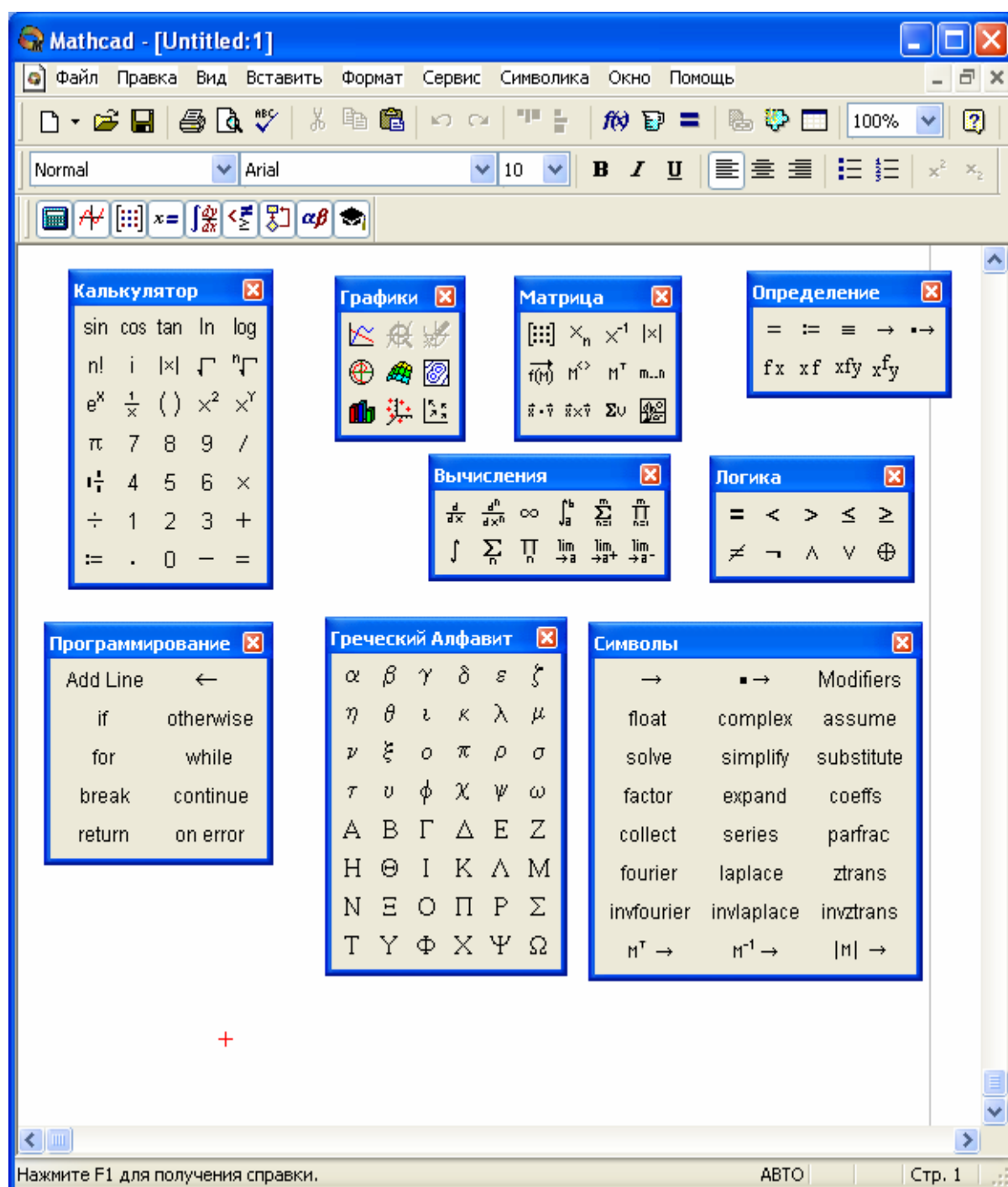


Рис. 1.2 – Составляющие Панели инструментов Математика

1. Найти все корни полинома

$$p(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + ax + a_0$$

с помощью функции **polyroots**.

QuickSheets: Solving Equations → Finding the Roots of a Polynomial.

Примечания.

1) Для возведения в степень нажмите символ \wedge на клавиатуре, для постановки индекса – символ $[]$, или используйте соответствующие значки с панели инструментов **Математика → Матрица**. Для возврата на основную строку используйте символ «стрелка вправо».

2) Коэффициенты полинома V , необходимые для работы функции **polyroots**, можно либо задать самостоятельно с помощью вектора-столбца (матрица с одним столбцом и $n+1$ строкой, где n – степень полинома), либо использовать символьные вычисления с помощью символа **coeffs** с панели **Символы**:

$$V := p(x) \text{ coeffs}, x \rightarrow$$

Тогда вектор-столбец сформируется автоматически.

Обратите внимание, заполнение вектора-столбца V начинается со свободного члена полинома a_0 !

3) Функции, используемые в лабораторной работе, можно или самому набирать с клавиатуры, или использовать **Мастер функций** (рис. 1.3) (кнопка $f(x)$ на **Панели инструментов**, или выбор меню **Вставить (Insert) → Функция (Function)**, или сочетание клавиш **Ctrl+E**).

4) Для упрощения работы можно активно использовать поле **QuickSheets**, а именно: копировать с него соответствующие элементы на рабочий лист MathCAD и корректировать их в соответствии с требованиями задания.

Свой вариант задания взять из таблицы 1.1.

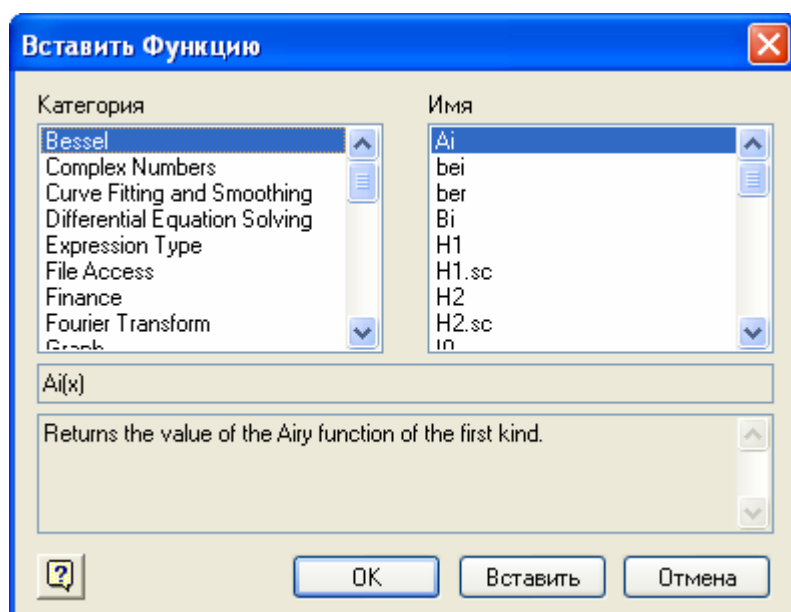


Рис. 1.3 – Вставка функции

Таблица 1.1 — Полиномы

Вариант	Уравнение	Вариант	Уравнение
1	$x^4 + 6x^3 + 11x^2 - 2x - 28 = 0$	16	$x^4 + 3x^3 + 8x^2 - 5 = 0$
2	$x^4 + 5x^3 + 9x^2 + 5x - 1 = 0$	17	$x^4 + 6x^3 + 11x^2 + 2x - 28 = 0$
3	$x^4 + 3x^3 + 3x^2 - 2 = 0$	18	$x^4 + 5x^3 + 9x^2 - 5x - 1 = 0$
4	$x^4 + x^3 - 11x^2 + 8x - 6 = 0$	19	$x^4 + 3x^3 + 3x^2 - 2 = 0$
5	$x^4 - 10x^3 + 16x + 5 = 0$	20	$x^4 - x^3 - 7x^2 - 8x - 6 = 0$
6	$x^4 - 3x^3 - 4x^2 - x - 3 = 0$	21	$x^4 - 10x^2 - 16x + 5 = 0$
7	$x^4 + 4x^3 + 4x^2 + 4x - 1 = 0$	22	$x^4 + 3x^3 + 4x^2 + x - 3 = 0$
8	$x^4 + 6x^3 + 13x^2 + 10x + 1 = 0$	23	$x^4 - 4x^3 - 4x^2 - 4x - 1 = 0$
9	$x^4 + x^3 - 4x^2 + 16x - 8 = 0$	24	$x^4 + 2x^3 + 3x^2 + 2x - 2 = 0$
10	$x^4 - x^3 - 4x^2 - 11x - 3 = 0$	25	$x^4 - 6x^3 + 13x^2 - 10x + 1 = 0$
11	$x^4 - 6x^3 - 12x - 8 = 0$	26	$x^4 - 3x^3 + 4x - 3 = 0$
12	$x^4 + 4x^3 + 4x^2 - 4 = 0$	27	$x^4 - 6x^2 + 12x - 8 = 0$

Вариант	Уравнение	Вариант	Уравнение
13	$x^4 + x^3 + 2x + 1 = 0$	28	$x^4 - 4x^3 + 4x^2 - 4 = 0$
14	$x^4 + 2x^3 + x^2 + 2x + 1 = 0$	29	$x^4 - x^3 - 2x + 1 = 0$
15	$x^4 + 3x^2 - 4x - 1 = 0$	30	$x^4 - 2x^3 + x^2 - 2x + 1 = 0$

2. Построить график функции вблизи найденных действительных корней. Подобрать нужное увеличение графика, чтобы видеть точки пересечения графика функции и оси аргумента.

QuickSheets: Graphing and Visualization → **Quick X-Y Plot of a Function** или вызвать поле для построения 2D-графика (панель **Графики**) и ввести имя функции, имя аргумента и диапазон построения графика в соответствующие точки ввода, отмеченные черными метками.

Задание 2.

1. Найти все корни нелинейного уравнения $f(x)=0$ с помощью функции **roots** двумя способами:

- 1) задавая начальное приближение для корня (начальное приближение задается произвольное, не противоречащее области определения функции). Изменение начального приближения может привести к нахождению еще одного корня, если их несколько. Анализируя поведение графика функции, можно сделать вывод о наличии нескольких корней;
- 2) задавая отрезок, где находится один корень функции. Если анализ графика функции показал наличие еще одного или нескольких корней, то задав соответствующий отрезок, можно уточнить значение корня.

QuickSheets: Solving Equations → **Solving an Equation in a Single Unknown.**

2. Построить график функции вблизи найденных корней. Подобрать нужное увеличение графика, чтобы видеть точки пересечения графика функции и оси аргумента. Уточнить с помощью графика, имеются ли еще корни, и найти их значение с точностью три знака после запятой.

Свой вариант задания взять из таблицы 1.2.

Примечания.

1) Для построения графиков нескольких функций на одном поле наберите их имена через запятую в месте ввода информации о функции.

2) Если выше вы присвоили какой-то переменной, например, x числовое значение, то ее уже нельзя использовать в качестве аргумента при построении графика. Выход простой – на поле графика используйте любую другую переменную, например, t и, соответственно, $f(t)$.

Таблица 1.2 — Варианты нелинейных уравнений

Вариант	Уравнение	Вариант	Уравнение
1	$\ln(x) + (x + 1)^3 = 0$	16	$x - \sin(x) = 0,25$
2	$x2^x = 1$	17	$\text{tg}(0,58x + 0,1) = x^2$
3	$\sqrt{x + 1} = 1/x$	18	$\sqrt{x} - \cos(0,387x) = 0$
4	$x - \cos(x) = 0$	19	$3x - \cos(x) - 1 = 0$
5	$3x + \cos(x) + 1 = 0$	20	$\lg(x) - 7/(2x + 6) = 0$
6	$x + \ln(x) = 0,5$	21	$x + \lg(x) = 0,5$
7	$2 - x = \ln(x)$	22	$x^3 - 4\sin(x) = 0$
8	$(x - 1)^2 = \exp(x) / 2$	23	$\text{ctg}(1,05x) - x^2 = 0$
9	$(2 - x) \exp(x) = 0,5$	24	$x \lg(x) - 1,2 = 0$
10	$2,2x - 2^x = 0$	25	$\text{ctg}(x) - x / 4 = 0$
11	$x^2 + 4\sin(x) = 0$	26	$2x + \lg(x) - 7 = 0$
12	$2x - \lg(x) = 7$	27	$2\arctg(x) - 1/(2x^3) = 0$

Вариант	Уравнение	Вариант	Уравнение
13	$5x - 8\ln(x) = 8$	28	$2\cos(x + \pi/6) + x^2 = 3x - 2$
14	$\sin(x - 0,5) - x + 0,8 = 0$	29	$\cos(x + 0,3) = x^2$
15	$2\lg(x) - x/2 + 1 = 0$	30	$x^2 \cos(2x) = -1$

Задание 3.

Решить систему линейных алгебраических уравнений с помощью функции **Isolve**.

QuickSheets: Solving Equations → Solving a System of Linear Equations.

Свой вариант задания взять из таблицы 1.3.

Примечание. Из подсказки ясно, что набирать на листе MathCAD всю систему уравнений нет смысла.

Таблица 1.3 — Системы линейных алгебраических уравнений

Вариант	СЛАУ	Вариант	СЛАУ
1	$2,7x_1 + 3,3x_2 + 1,3x_3 = 2,1;$ $3,5x_1 - 1,7x_2 + 2,8x_3 = 1,7;$ $4,1x_1 + 5,8x_2 - 1,7x_3 = 2,1$	2	$0,34x_1 + 0,71x_2 + 0,63x_3 = 2,08;$ $0,71x_1 - 0,65x_2 - 0,18x_3 = 0,17;$ $1,17x_1 - 2,35x_2 + 0,75x_3 = 1,28$
3	$1,7x_1 + 2,8x_2 + 1,9x_3 = 0,7;$ $2,1x_1 + 3,4x_2 + 1,8x_3 = 1,1;$ $4,2x_1 - 3,3x_2 + 1,3x_3 = 2,1$	4	$3,75x_1 - 0,28x_2 + 0,17x_3 = 0,75;$ $2,11x_1 - 0,11x_2 - 0,12x_3 = 1,11;$ $0,22x_1 - 3,17x_2 + 1,81x_3 = 0,05$
5	$3,1x_1 + 2,8x_2 + 1,9x_3 = 0,2;$ $1,9x_1 + 3,1x_2 + 2,1x_3 = 2,1;$ $7,5x_1 + 3,8x_2 + 4,8x_3 = 5,6$	6	$0,21x_1 - 0,18x_2 + 0,75x_3 = 0,11;$ $0,13x_1 + 0,75x_2 - 0,11x_3 = 2,00;$ $3,01x_1 - 0,33x_2 + 0,11x_3 = 0,13$
7	$9,1x_1 + 5,6x_2 + 7,8x_3 = 9,8;$ $3,8x_1 + 5,1x_2 + 2,8x_3 = 6,7;$ $4,1x_1 + 5,7x_2 + 1,2x_3 = 5,8$	8	$0,13x_1 - 0,14x_2 - 2,00x_3 = 0,15;$ $0,75x_1 + 0,18x_2 - 0,77x_3 = 0,11;$ $0,28x_1 - 0,17x_2 + 0,39x_3 = 0,12$

Вариант	СЛАУ	Вариант	СЛАУ
9	$3,3x_1 + 2,1x_2 + 2,8x_3 = 0,8;$ $4,1x_1 + 3,7x_2 + 4,8x_3 = 5,7;$ $2,7x_1 + 1,8x_2 + 1,1x_3 = 3,3$	10	$3,01x_1 - 0,14x_2 - 0,15x_3 = 1,00;$ $1,11x_1 + 0,13x_2 - 0,75x_3 = 0,13;$ $0,17x_1 - 2,11x_2 + 0,71x_3 = 0,17$
11	$7,6x_1 + 5,8x_2 + 4,7x_3 = 10,1;$ $3,8x_1 + 4,1x_2 + 2,7x_3 = 9,7;$ $2,9x_1 + 2,1x_2 + 3,8x_3 = 7,8$	12	$0,92x_1 - 0,83x_2 + 0,62x_3 = 2,15;$ $0,24x_1 - 0,54x_2 + 0,43x_3 = 0,62;$ $0,73x_1 - 0,81x_2 - 0,67x_3 = 0,88$
13	$3,2x_1 - 2,5x_2 + 3,7x_3 = 6,5;$ $0,5x_1 + 0,34x_2 + 1,7x_3 = -0,2;$ $1,6x_1 + 2,3x_2 - 1,5x_3 = 4,3$	14	$1,24x_1 - 0,87x_2 - 3,17x_3 = 0,46;$ $2,11x_1 - 0,45x_2 + 1,44x_3 = 1,50;$ $0,48x_1 + 1,25x_2 - 0,63x_3 = 0,35$
15	$5,4x_1 - 2,3x_2 + 3,4x_3 = -3;$ $4,2x_1 + 1,7x_2 - 2,3x_3 = 2,7;$ $3,4x_1 + 2,4x_2 + 7,4x_3 = 1,9$	16	$0,64x_1 - 0,83x_2 + 4,2x_3 = 2,23;$ $0,58x_1 - 0,83x_2 + 1,43x_3 = 1,71;$ $0,86x_1 + 0,77x_2 + 0,88x_3 = -0,54$
17	$3,6x_1 + 1,8x_2 - 4,7x_3 = 3,83;$ $2,7x_1 - 3,6x_2 + 1,9x_3 = 0,4;$ $1,5x_1 + 4,5x_2 + 3,3x_3 = -1,6$	18	$0,32x_1 - 0,42x_2 + 0,85x_3 = 1,32;$ $0,63x_1 - 1,43x_2 - 0,58x_3 = -0,44;$ $0,84x_1 - 2,23x_2 - 0,52x_3 = 0,64$
19	$5,6x_1 + 2,7x_2 - 1,7x_3 = 1,9;$ $3,4x_1 - 3,6x_2 - 6,7x_3 = -2,4;$ $0,8x_1 + 1,3x_2 + 3,7x_3 = 1,2$	20	$0,73x_1 + 1,24x_2 - 0,38x_3 = 0,58;$ $1,25x_1 + 0,66x_2 - 0,78x_3 = 0,66;$ $0,75x_1 + 1,22x_2 - 0,83x_3 = 0,92$
21	$2,7x_1 + 0,9x_2 - 1,5x_3 = 3,5;$ $4,5x_1 - 2,8x_2 + 6,7x_3 = 2,6;$ $5,1x_1 + 3,7x_2 - 1,4x_3 = -0,14$	22	$0,62x_1 - 0,44x_2 - 0,86x_3 = 0,68;$ $0,83x_1 + 0,42x_2 - 0,56x_3 = 1,24;$ $0,58x_1 - 0,37x_2 - 0,62x_3 = 0,87$
23	$4,5x_1 - 3,5x_2 + 7,4x_3 = 2,5;$ $3,1x_1 - 0,6x_2 - 2,3x_3 = -1,5;$ $0,8x_1 + 7,4x_2 - 0,5x_3 = 6,4$	24	$1,26x_1 - 2,34x_2 + 1,17x_3 = 3,14;$ $0,75x_1 + 1,24x_2 - 0,48x_3 = -1,17;$ $3,44x_1 - 1,85x_2 + 1,16x_3 = 1,83$
25	$3,8x_1 + 6,7x_2 - 1,2x_3 = 5,2;$ $6,4x_1 + 1,3x_2 - 2,7x_3 = 3,8;$ $2,4x_1 - 4,5x_2 + 3,5x_3 = -0,6$	26	$0,46x_1 + 1,72x_2 + 2,53x_3 = 2,44;$ $1,53x_1 - 2,32x_2 - 1,83x_3 = 2,83;$ $0,75x_1 + 0,86x_2 + 3,72x_3 = 1,06$
27	$5,4x_1 - 6,2x_2 - 0,5x_3 = 0,52;$ $3,4x_1 + 2,3x_2 + 0,8x_3 = -0,8;$ $2,4x_1 - 1,1x_2 + 3,8x_3 = 1,8$	28	$2,47x_1 + 0,65x_2 - 1,88x_3 = 1,24;$ $1,34x_1 + 1,17x_2 + 2,54x_3 = 2,35;$ $0,86x_1 - 1,73x_2 - 1,08x_3 = 3,15$
29	$7,8x_1 + 5,3x_2 + 4,8x_3 = 1,8;$ $3,3x_1 + 1,1x_2 + 1,8x_3 = 2,3;$ $4,5x_1 + 3,3x_2 + 2,8x_3 = 3,4$	30	$4,24x_1 + 2,73x_2 - 1,55x_3 = 1,87;$ $2,34x_1 + 1,27x_2 + 3,15x_3 = 2,16;$ $3,05x_1 - 1,05x_2 - 0,63x_3 = -1,25$

Задание 4.

1. С помощью процедуры **Find** найти **все корни** системы нелинейных уравнений

$$\clubsuit f_1(x, y) = 0;$$

♦

$$\heartsuit f_2(x, y) = 0,$$

т.е. пары значений (x, y) , обращающие в тождество каждое уравнение системы одновременно.

QuickSheets: Solving Equations → Solving a Nonlinear System of Equations.

Примечания.

1) Обратите внимание на особый знак равенства (**Ctrl=**), используемый для отделения левой и правой частей при записи уравнений и не забудьте поставить служебное слово **Given** в начале блока решения системы уравнений.

2) Меняя начальные значения для x и y , можно найти другие корни. Рекомендуется выбирать эти значения из разных четвертей координатной плоскости.

2. Построить поверхность, описываемую уравнением

$$F(x, y) = f_1^2(x, y) + f_2^2(x, y),$$

в окрестности найденных корней.

Способ 1. *QuickSheets: Graphing and Visualization → Plotting Level Curves of a Function of Two Variables*, заменив способ отображения на *Surface Plot* (рис. 1.4).

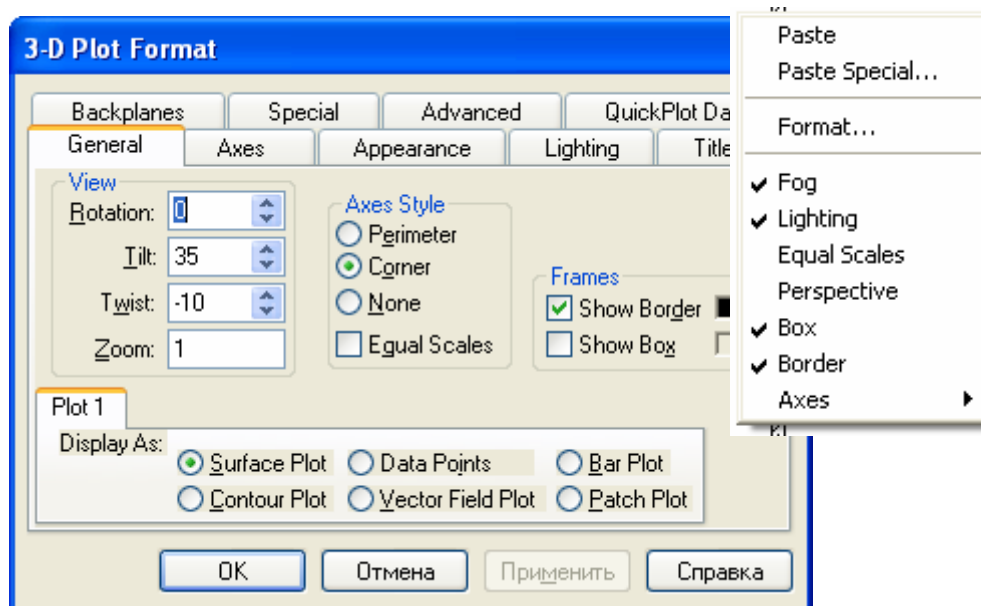


Рис. 1.4 – Форматирование 3D-графика

Способ 2. С помощью функции **CreateMesh** предварительно табулируется функция $F(x,y)$:

$M := \text{CreateMesh}(F, x0, xn, y0, yn, xgrid, ygrid),$

где M – массив значений функции $F(x,y)$, полученных в узлах сетки x_i и y_j (т.е. значений сеточной функции $F(x_i, y_j)$, $i=0, \dots, xgrid$; $j=0, \dots, ygrid$);

$x0, xn$ – левый и правый концы диапазона изменения аргумента x ,

$y0, yn$ – левый и правый концы диапазона изменения аргумента y ,

$xgrid, ygrid$ – число точек разбиения диапазона по x и по y , соответственно.

Затем необходимо вызвать поле для построения 3D-графика (панель **Графики**) и в позиции ввода исходных данных (метка в нижнем левом углу) задать M .

3. Использовать различную цветовую палитру для заливки сплошным цветом боковых плоскостей (закладка *Backplanes*, рис. 1.4) и поверхности 3D-графика (закладка *Appearance*).

Свой вариант задания взять из таблицы 1.4.

Таблица 1.4 — Системы нелинейных уравнений

Вариант	СНУ	Вариант	СНУ
1	$\clubsuit \text{tg}(xy + 0,4) = x^2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit 0,6x + 2y = 1$	2	$\clubsuit 2x^2 + 5y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 5x + 9y = 3$
3	$\clubsuit \sin(x + y) - 1,6x = 0$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit x + y = 1$	4	$\clubsuit 3x^2 + 4y^2 = 4$ \diamondsuit $\heartsuit 3x + 4y = 2$
5	$\clubsuit \text{tg}(-1,2x + y) + 1,2xy = 0,4$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit x + y = 1,3$	6	$\clubsuit 5x^2 + 2y^2 = 4$ \diamondsuit $\heartsuit 2x + 7y = 1$
7	$\clubsuit \sin(x + y) - 1,5x = 0,2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit 2x + y = 1$	8	$\clubsuit 4x^2 + 5y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 5x + 3y = 1$
9	$\clubsuit \text{tg}(xy + 0,5) = x^2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit x + 2y = 1$	10	$\clubsuit 5x^2 + 6y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 7x + 3y = 1$
11	$\clubsuit \text{tg}(xy + 0,1) = x^2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit x + y = 1$	12	$\clubsuit 3x^2 + 5y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 5x + 2y = 2$
13	$\clubsuit \sin(x + y) - 1,2x = 0,2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit x + y = 1$	14	$\clubsuit 7x^2 + 6y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 5x + 3y = 2$
15	$\clubsuit \text{tg}(xy) = x^2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit 0,8x + 2y = 1$	16	$\clubsuit 5x^2 + 6y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 3x + 2y = 2$
17	$\clubsuit \sin(y + 1) - x = 1$ \diamondsuit $\heartsuit 2y + \cos(x) = 2$	18	$\clubsuit 3x^2 + 2y^2 = 2$ \diamondsuit $\heartsuit 2x + 7y = 3$
19	$\clubsuit \exp(x + y) - x^2 + y = 1$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit (x + 0,5) + y = 2$	20	$\clubsuit 5x^2 + y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 3x + 5y = 2$
21	$\clubsuit \text{tg}(xy - 0,1) = x^2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit x + 2y = 1$	22	$\clubsuit 5x^2 + 2y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit x + 2y = 2$
23	$\clubsuit \cos(x^2 + y^2) - x + y = 0,4$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit (x + y - 2) + (x - y) = 1$	24	$\clubsuit 6x^2 + 2y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 6x + 9y = 2$
25	$\clubsuit \text{tg}(xy + 0,3) = x^2$ $\diamondsuit \text{ }^2 \text{ }^2$ $\heartsuit 0,5x + 2y = 1$	26	$\clubsuit 2x^2 + 3y^2 = 3$ \diamondsuit $\heartsuit 5x + 8y = 3$

Вариант	СНУ	Вариант	СНУ
27	$\clubsuit \sin(x+y) - 1,2x = 0$ $\diamondsuit x^2 + y^2 = 0,9$ $\heartsuit x + y = 0,9$	28	$\clubsuit 3x^2 + 4y^2 = 5$ $\diamondsuit 3x + 3y = 2$ $\heartsuit 3x + 3y = 2$
29	$\clubsuit \sin(x-y) - xy = -1$ $\diamondsuit x^2 + y^2 = 0,75$ $\heartsuit x - y = 0,75$	30	$\clubsuit 7x^2 + 2y^2 = 4$ $\diamondsuit 2x + 6y = 1$ $\heartsuit 2x + 6y = 1$

Задание 5.

1. Найти экстремум функции нескольких переменных при заданных ограничениях.

QuickSheets: Solving Equations → Linear Programming – для линейных задач;

Solving Equations → Constrained Nonlinear Optimization Problems – для нелинейных задач.

В качестве ответа привести вектор переменных, при которых функция достигает экстремума, и само значение экстремума.

Варианты заданий приведены ниже.

Примечания.

1) По умолчанию в MathCAD индексы переменных с индексами начинаются с нуля. Чтобы перенастроить и начать с единицы, выберите в главном меню **Математика → Параметры → Переменные** (Array Origin) или **Сервис → Опции рабочей области → Начало массива** (в MathCAD 11) и замените 0 на 1.

2) Вводить ограничения на переменные задачи можно двумя способами:

– использовать матрицы для ввода коэффициентов при неизвестных и правых частей, затем в блоке решения записать их в виде матричных неравенств вида $M \cdot x = V$, $M \cdot x \geq V$, $M \cdot x \leq V$. При этом проконтролируйте, чтобы все знаки неравенств в условиях имели одно направление, и при необходимости измените их, умножив неравенство на -1 ;

– матрицы не использовать, а сразу записать неравенства в блоке решения в том виде, в котором они приведены в условии задач (через переменные с индексом).

2) Начальные значения параметров оптимизации можно задавать вектором, например, $x := \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$ для двух переменных. MathCAD допускает также задание начального значения только для последней переменной; тогда все остальные получают по умолчанию такое же значение.

3) Условие неотрицательности переменных проще задать в векторном виде: $x \geq 0$.

Варианты задания 5

1. $R(x) = 626x_1 + 656x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$5x_1 + 8x_2 \leq 81; 6x_1 + 4x_2 \leq 70; 3x_1 + x_2 \leq 26; x_1 + x_2 \leq 12; \\ x_1 \leq 8; x_1, x_2 \geq 0.$$

2. $R(x) = -5x_1 + 4x_2 - x_3 - 3x_4 - 5x_5 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$3x_1 - x_2 + 2x_4 + x_5 = 5; 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 2x_4 + x_5 = 6; \\ 3x_1 - x_2 + x_3 + 3x_4 + 2x_5 = 9; x_i \geq 0, i = 1, \dots, 5.$$

3. $R(x) = -2x_1 + x_2 + 4x_3 - x_4 - x_5 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_2 + 2x_4 - x_5 = 1; x_1 - x_4 - x_5 = 1; \\ 2x_2 + x_3 + 2x_5 = 4; x_i \geq 0, i = 1, \dots, 5.$$

4. $R(x) = 2x_1 + x_2 + x_3 + 7x_4 - 2x_5 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 1; 2x_1 + x_2 + x_3 = 7; \\ x_1 + 2x_2 + x_3 - 7x_4 + x_5 = 6; x_i \geq 0, i = 1, \dots, 5.$$

5. $R(x) = -x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + 3x_5 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$2x_1 + 2x_2 + x_4 + x_5 = 3; 3x_1 - x_2 + 2x_3 - 2x_5 = 1; \\ -3x_1 + 2x_3 - x_4 + 2x_5 = 1; x_i \geq 0, i = 1, \dots, 5.$$

6. $R(x) = -4x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$3x_1 + 2x_2 - x_3 + 4x_4 = 3; \quad x_1 - x_2 + 4x_3 - 2x_4 = 2;$$

$$x_i \geq 0, i = 1, \dots, 4.$$

7. $R(x) = x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$10x_2 + x_3 + 2x_4 + 3x_5 = 25;$$

$$-x_1 + 5x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 10;$$

$$2x_1 - x_2 + x_3 - 3x_4 = 6; \quad x_i \geq 0, i = 1, \dots, 5.$$

8. $R(x) = 4x_1 - 3x_2 - x_4 + x_5 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$-x_1 + 3x_2 + x_4 = 13; \quad 4x_1 + x_2 + x_5 = 2;$$

$$-2x_1 + x_2 + x_3 = 1; \quad x_1 - 3x_2 + x_6 = 0; \quad x_i \geq 0, i = 1, \dots, 6.$$

9. $R(x) = x_1 - x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$2x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 = -3;$$

$$4x_1 - 3x_2 - x_3 + x_4 + x_5 = 6;$$

$$x_1 + 4x_2 + x_3 + x_5 = 15; \quad x_i \geq 0, i = 1, \dots, 5.$$

10. $R(x) = x_1 + 9x_2 + 5x_3 + 4x_5 + 14x_6 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_4 = 20; \quad x_2 + x_5 = 50; \quad x_3 + x_6 = 30;$$

$$x_4 + x_5 + x_6 = 60; \quad x_i \geq 0, i = 1, \dots, 6.$$

11. $R(x) = x_1 + x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 \geq 1; \quad x_1 - x_2 \geq -1; \quad x_1 - x_2 \leq 1;$$

$$x_1 \leq 2; \quad x_2 \leq 2; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 2.$$

12. $R(x) = 4x_1 + 6x_2 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 \leq 20; \quad x_1 + 3x_2 \geq 30; \quad 8x_1 + 6x_2 \geq 72;$$

$$8x_1 + 6x_2 \leq 128; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 2.$$

13. $R(x) = 3x_1 + 8x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$x_1 + 7x_2 \leq 57; \quad 2x_1 + 5x_2 \leq 42; \quad 3x_1 + 4x_2 \leq 56;$$

$$2x_1 + x_2 \leq 34; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 2.$$

14. $R(x) = x_1^2 + x_2^2 - 10x_1 - 15x_2 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$2x_1 + 3x_2 \leq 13; \quad 2x_1 + x_2 \leq 10; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 2.$$

15. $R(x) = 3x_1 + x_2 + 3x_1 - 2x_2 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + 3x_2 + x_3 + x_4 = 16; \quad 3x_1 - x_2 - x_3 + x_4 = 4;$$

$$x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 4.$$

16. $R(x) = x_1 + x_2 + x_3 + x_2 - 2x_3 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 + 2x_3 \leq 6; \quad 3x_1 + 2x_2 + x_3 \leq 12; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 3.$$

17. $R(x) = -2x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 3x_4 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 - 2x_2 + x_4 = 3; \quad x_2 + x_3 - 2x_4 = 5;$$

$$3x_2 + x_4 + x_5 = 6; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 5.$$

18. $R(x) = x_1 - x_2 + x_3 - x_4 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$x_1 + 2x_3 + x_4 = 8; \quad x_1 + x_2 - x_4 = 4;$$

$$-x_1 + 2x_2 + x_3 + 3x_4 = 6; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 4.$$

19. $R(x) = x_1 + 2x_2 + x_5 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 5; \quad x_2 + x_3 + x_4 - x_5 = 2;$$

$$x_3 - x_4 + x_5 = 1; \quad x_i \geq 0, \quad x_i \in \mathbb{Z}; \quad i = 1, \dots, 5.$$

20. $R(x) = 4x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$2x_1 + 3x_2 + x_3 = 8; \quad 4x_1 + x_2 + x_4 = 10;$$

$$x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 4.$$

21. $R(x) = -x_3 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$-6x_2 + 5x_3 + x_5 = 6; \quad 7x_2 - 4x_3 + x_4 = 4;$$

$$x_1 + x_2 + x_3 \geq 9; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 5.$$

22. $R(x) = 3x_1 + 2x_2 + x_3 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + 3x_2 + x_3 \geq 10; \quad 2x_1 + 4x_3 \geq 14;$$

$$2x_2 + x_3 \geq 7; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 3.$$

23. $R(x) = -2x_1 - x_2 - x_3 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 16; \quad x_1 + x_2 \leq 7;$$

$$3x_1 + 2x_2 \geq 18; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 3.$$

24. $R(x) = -4x_1 - 3x_2 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$4x_1 + x_2 \leq 44; \quad x_1 \leq 22; \quad x_2 \leq 18; \quad x_i \geq 0, \quad i = 1, \dots, 2.$$

25. $R(x) = -6x_1 + 2x_1^2 + 2x_1x_2 + 2x_2^2 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 \leq 2; \quad x_1 + 3x_2 \leq 3; \quad x_i \geq 0, \quad x_i, i = 1, \dots, 2.$$

26. $R(x) = x_1 + x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$0 \leq x_1 + x_2 \leq 3; \quad -1 \leq x_1 - x_2 \leq 6; \quad 0 \leq x_1 \leq 1; \quad 0 \leq x_2 \leq 3; \\ x_1, x_2 \geq 0.$$

27. $R(x) = 2x_1 + x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$x_1 + 2x_2 \geq -1; \quad 2x_1 + x_2 \leq 4; \\ x_1 - x_2 \geq -1; \quad -2x_1 - 2x_2 \leq -3; \\ 3x_1 + 3x_2 \geq -2; \quad x_1, x_2 \geq 0.$$

28. $R(x) = x_1 - x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$1 \leq x_1 + x_2 \leq 2; \quad -1 \leq x_1 - 2x_2 \leq -0,5; \\ 1 \leq 2x_1 - x_2 \leq 2; \quad x_1, x_2 \geq 0.$$

29. $R(x) = -9x_1 - 2x_2 \rightarrow \max$ при ограничениях:

$$-x_1 - x_2 \leq 0; \quad -x_1 + x_2 \leq 0; \quad -3x_1 - x_2 \leq 0; \\ -4x_1 + x_2 \leq -1; \quad x_1, x_2 \geq 0.$$

30. $R(x) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \min$ при ограничениях:

$$x_1 + x_2 \leq 4; \quad 3x_1 + x_2 \geq 4; \quad x_1 + 5x_2 \geq 4; \quad x_1 \leq 3; \\ x_2 \leq 3; \quad x_1, x_2 \geq 0.$$

Лабораторная работа 2

Справочная поисковая система «КОНСУЛЬТАНТ ПЛЮС»

Цель работы: познакомиться с организацией поискового интерфейса компьютерной справочной поисковой системы КонсультантПлюс.

Справочная правовая система «КонсультантПлюс» представляет собой мощный профессиональный инструмент оперативного поиска и эффективной работы с нормативно-правовыми документами, особенно после внедрения платформы «Технология 3000 Серия 200».

Все документы физически содержатся в **Едином информационном массиве** «КонсультантПлюс». Поскольку документы каждого типа имеют свои специфические особенности, они включаются в соответствующие **Разделы информационного массива**.

Названия разделов сформулированы таким образом, чтобы пользователь мог быстро сориентироваться и понять, какие документы в каком разделе находятся (таблица 2.1).

Таблица 2.1 –Список разделов информационного массива

Законодательство	Нормативные и иные официальные акты федеральных и региональных органов государственной власти.
Судебная практика	Судебные акты. Материалы по вопросам правоприменительной практики.
Финансовые консультации	Консультационные материалы по бухгалтерскому учету, налогообложению, банковской, инвестиционной, внешнеэкономической деятельности, вопросам валютного регулирования. Схемы отражения в бухучете финансово-хозяйственных операций (проводки), а также материалы бухгалтерских печатных изданий.
Комментарии законодательства	Комментарии к нормативным актам федерального законодательства.
Формы документов	Типовые формы, бланки, образцы деловой документации.
Законопроекты	Проекты федеральных законов, находящиеся на рассмотрении в Федеральном Собрании РФ.
Международные правовые акты	Многосторонние и двусторонние международные договоры Российской Федерации, документы международных организаций, документы о ратификации.

**Правовые акты по
здравоохранению**

Нормативные документы по медицине и фармацевтике, консультации по медицинской и фармацевтической деятельности.

Каждый раздел, в свою очередь, состоит из **Информационных банков**. Информационные банки различаются полнотой информации и характером содержащихся в них документов. Это дает возможность при установке «КонсультантПлюс» гибко подходить к выбору объема информации, заказывая необходимые информационные банки.

После запуска программы появляется стартовое окно «КонсультантПлюс» (рис. 2.1), где необходимо сделать выбор:

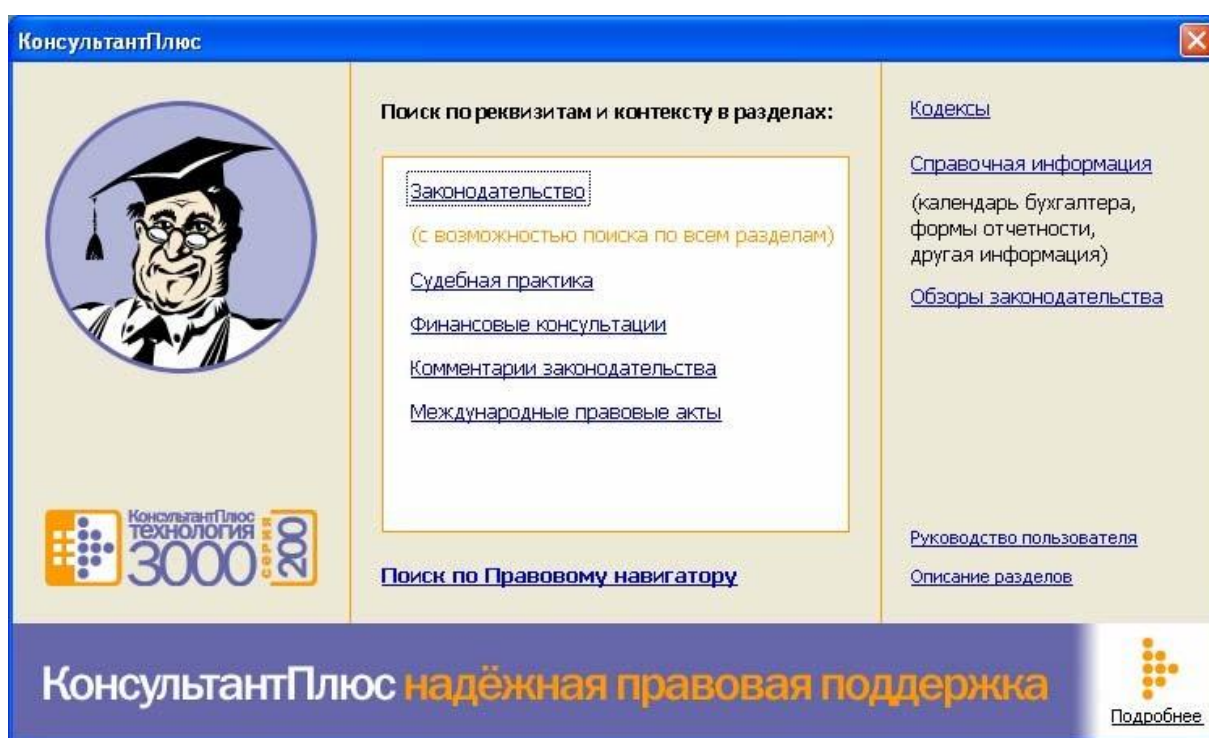


Рис. 2.1 – Стартовое окно «КонсультантПлюс»

- 1) сразу же перейти к поиску документов по реквизитам и контексту (центральное окно с разделами);
- 2) перейти к Правовому навигатору (опция **Поиск по Правовому навигатору**);
- 3) изучить новости законодательства и обзоры документов (опция **Обзоры законодательства**);
- 4) быстро получить часто используемую информацию (опция **Справочная информация**);
- 5) открыть кодексы (опция **Кодексы**);
- 6) научиться работать с системой (опция **Руководство пользователя**);

7) ознакомиться с новостями компании «КонсультантПлюс» (опция **Подробнее**).

Опции с первой по пятую вызывают появление **Окна поиска** с закладками **Карточка поиска**, **Правовой навигатор**, **Кодексы**, **Справочная информация**, **Обзоры** и др., с помощью которых также можно перейти к соответствующему поиску в зависимости от того, какие вы имеете входные данные для поиска информации:

- номер документа, его название, дата его принятия или регистрации (**Карточка поиска**, рис. 2.2)
- конкретный правовой вопрос (**Правовой навигатор**, рис. 2.3);
- название конкретного кодекса (**Кодексы**, рис. 2.4);
- вопрос по конкретным значениям налогов, процентных ставок, расчетных индикаторов, курсов валют и пр. (**Справочная информация**, рис. 2.5).

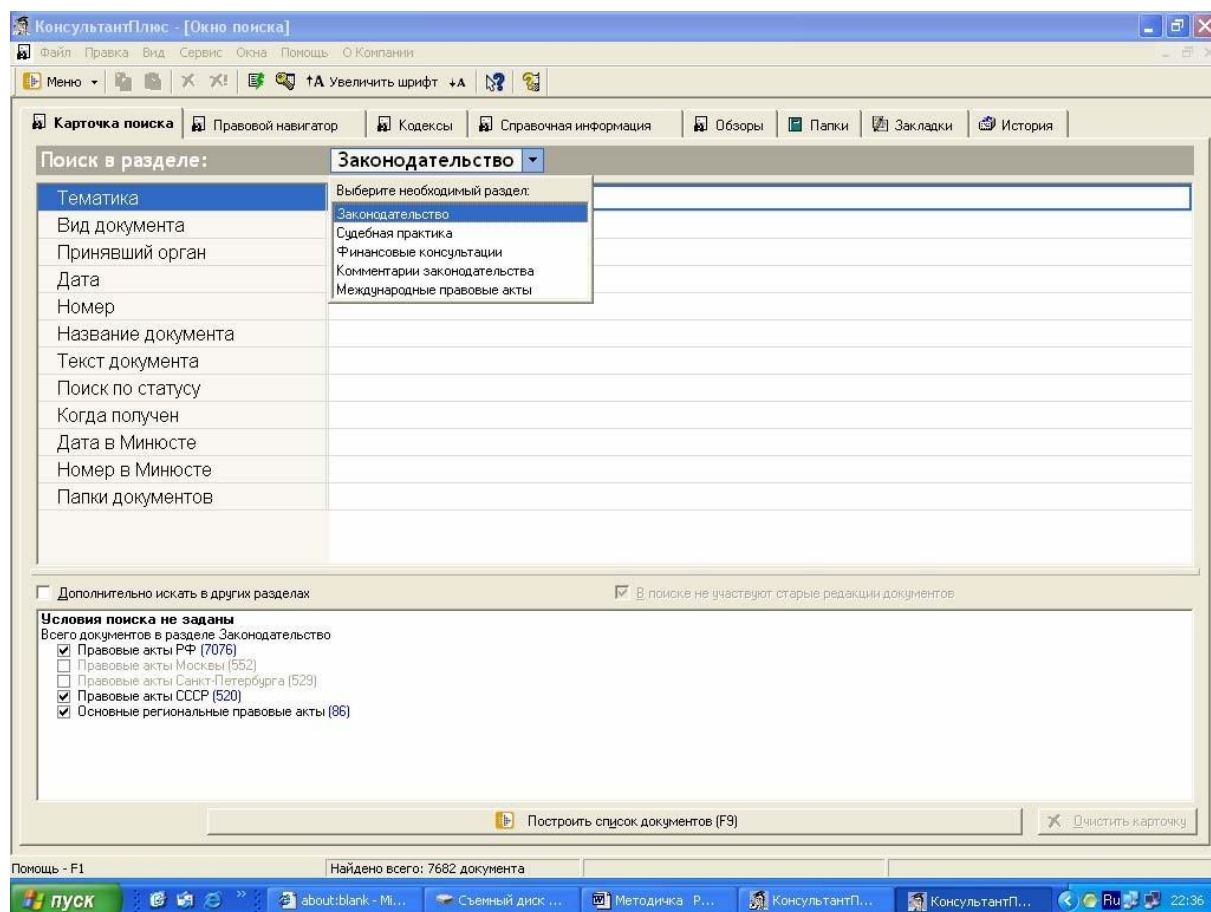


Рис. 2.2 – Окно поиска с открытой закладкой **Карточка поиска**

Очень полезной является закладка **История поиска**, которая позволяет просмотреть все предыдущие запросы и при необходимости вернуться к ним.

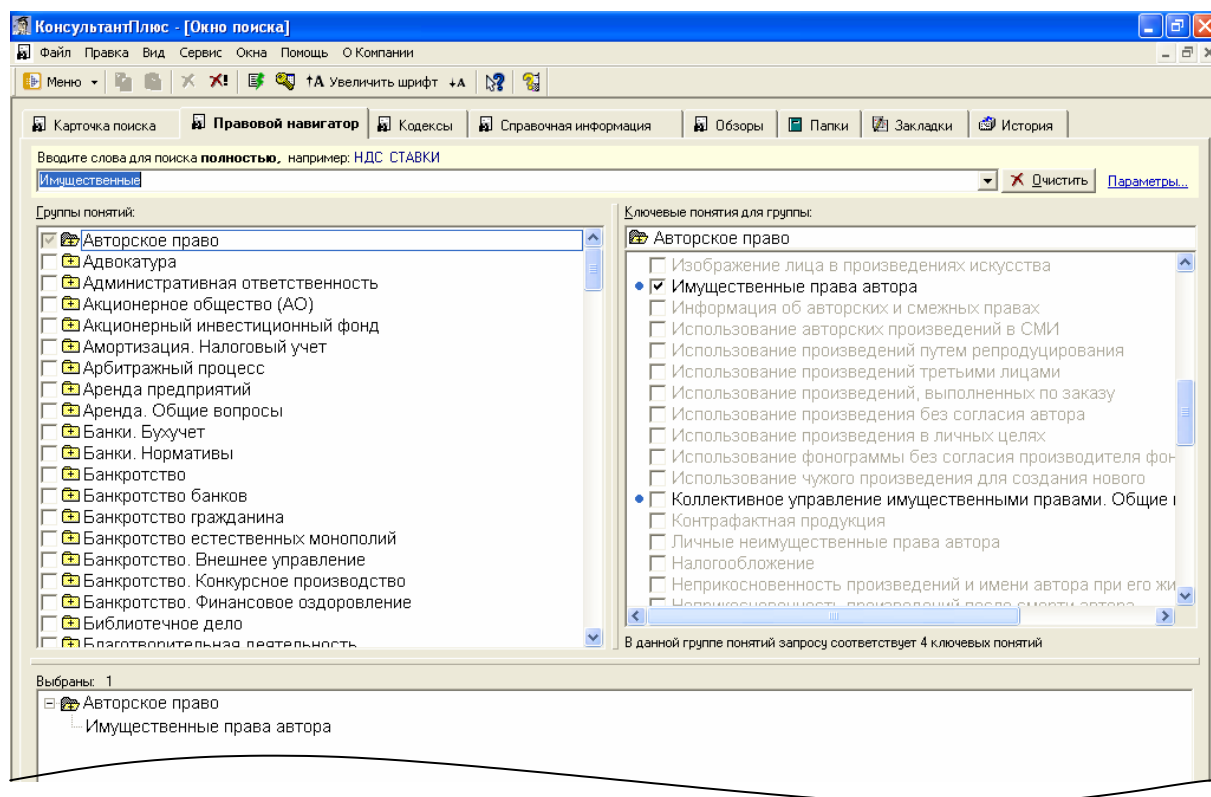


Рис. 2.3 – Окно поиска с открытой закладкой **Правовой навигатор**

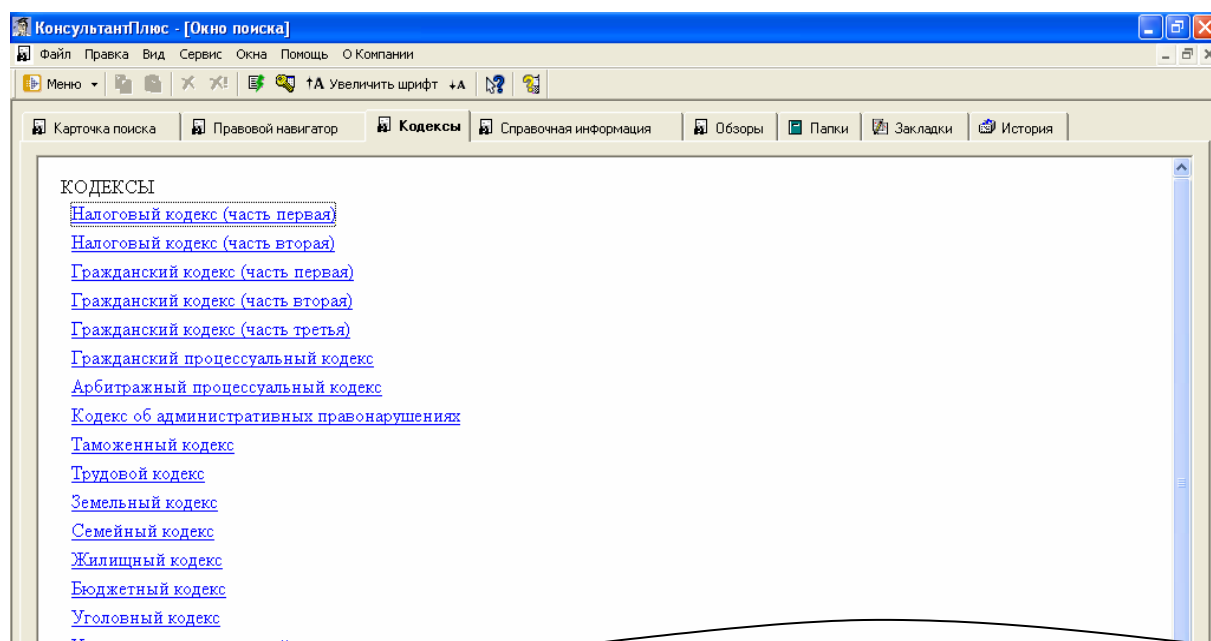


Рис. 2.4 – Окно поиска с открытой закладкой **Кодексы**

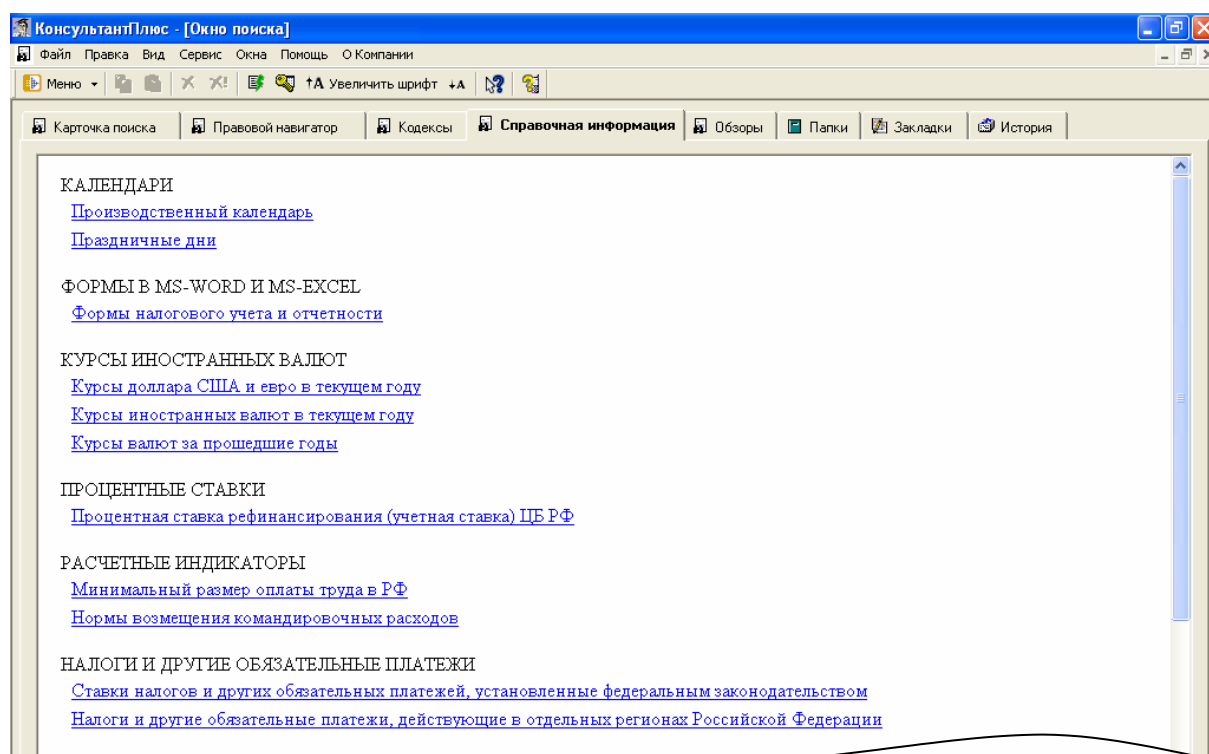


Рис. 2.5 – Окно поиска с открытой закладкой **Справочная информация**

Задание

1. Познакомьтесь со структурой СПС «КонсультантПлюс». Что входит в состав информационных банков в той конфигурации, с которой вы работаете?
2. Найти в СПС «КонсультантПлюс» ответы на поставленные ниже вопросы со ссылкой на статью соответствующего правового документа (закон, постановление, кодекс, указ и т.д.), пользуясь описанными выше инструментами поиска. Описать в текстовом документе MS Word процесс поиска, проиллюстрировав его скриншотами интерфейса «КонсультантПлюс».

Варианты задания

1	Что является объектом авторского права?
2	Кто относится к субъектам смежных прав?
3	Какие товары подвергаются акцизным налогам?
4	Кого относят к субъектам малого предпринимательства в РФ?
5	Каковы правила объявления процедуры банкротства?
6	Какие существуют наказания за превышение скорости на автомобиле?
7	Какие существуют наказания за преступления в сфере компьютерной информации?
8	Каковы ставки единого социального налога?
9	Что относится к коммерческой тайне?
10	Какой закон регулирует сделки на недвижимое имущество?
11	Что такое «информационные ресурсы»?
12	Как рассчитывается подоходный налог?
13	Каковы правила хранения оружия частными лицами?
14	Что такое «скрытая реклама»?
15	Какое законодательство существует в отношении деятельности архивных фондов РФ?
16	Что указывают в заявлении о регистрации средств массовой информации?
17	Что относится к сфере деятельности арбитражного суда?
18	Каков порядок проведения аккредитации представительств иностранных компаний?
19	Как обозначаются права автора на топологию интегральных схем?
20	Каковы правила работы с векселями?
21	Что такое электронная цифровая подпись?
22	Как исчисляется амортизация
23	Какова ставка налога на добавочную стоимость?
24	Что такое ОАО и ЗАО?
25	Чему равна ставка рефинансирования Центрального банка России?
26	Какие группы товаров запрещено рекламировать?

27	Какова величина прожиточного минимума в РФ?
28	Каков порядок аренды земельных участков?
29	Каковы правила оформления доверенности на управление транспортным средством?
30	Каковы правила заполнения документов на вывоз культурных ценностей из России?

3. Сформулируйте свое задание на поиск в СПС «Консультант Плюс» (поставьте вопрос, сформулируйте задание на поиск (дайте скриншотом) и приведите результаты поиска).

Лабораторная работа 3

Финансовые расчеты в EXCEL

Цель работы: познакомиться с пользовательским интерфейсом встроенных функций Excel на примере решения задач финансовой математики, познакомиться с возможностями встроенных сервисных программ Подбор параметров и Диспетчер сценариев.

Финансовые расчеты, проводимые с помощью встроенных финансовых функций Excel (категория **Финансовые**), можно разделить на четыре группы:

- 1) наращение и дисконтирование¹ доходов и затрат (БЗ, ПЗ, КПЕР, НОРМА, ПЛТ и др.);
- 2) анализ эффективности капитальных вложений (ЧПС, ВСД и др.);
- 3) расчеты по ценным бумагам (ДОХОД, ЦЕНА и др.);
- 4) расчет амортизационных отчислений (АПЛ, АМОКУВ и др.).

Всего в Excel 2003 встроено более 50 финансовых функций, 16 функций доступны сразу, остальные появляются в списке функций (рис. 3.1) после вызова пакета сервисных программ **Пакет анализа** (запустите **Сервис → Надстройки → Пакет анализа**).

Рассмотрим применение некоторых из них. Отметим, что в диалоговом окне каждой функции, есть ее краткое описание, описание ее аргументов, а также вызов более подробной справки о работе функции.

Примечание 1. В более ранних версиях Excel некоторые функции носят другое название: БС \equiv БЗ, ПС \equiv ПЗ, ЧПС \equiv НПЗ, ПЛТ \equiv ППЛТ, СТАВКА \equiv НОРМА.

¹ Дисконтирование – это приведение стоимостного показателя, относящегося к будущему, на более ранний момент времени.

Примечание 2. При использовании финансовых функций необходимо соблюдать следующее правило: суммы, которые вы платите, должны учитываться со знаком «–», а те, которые вы получаете, — со знаком «+».

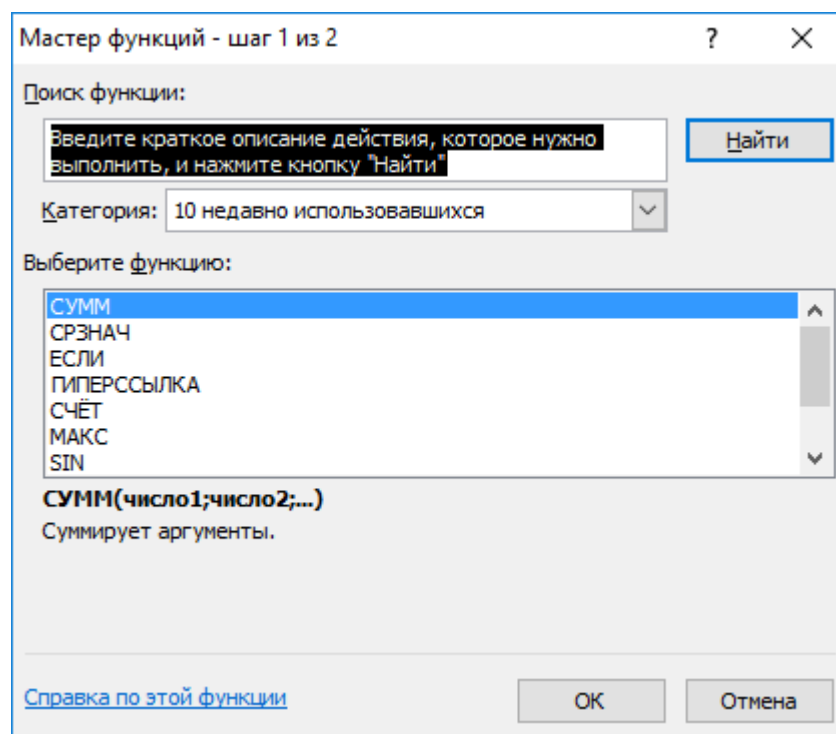


Рис. 3.1 Диалоговое окно Мастера функций

Задания

Задание 1. В банк помещен депозит A , равный 5000 руб. По этому депозиту в первый год будет начислено: $p_1 = 10\%$, во второй — $p_2 = 12\%$, в третий — $p_3 = 15\%$, в четвертый и пятый — $p_{4,5} = 16\%$ годовых. Используя финансовые функции Excel БЗРАСПИС, ПС, БС, провести следующие расчеты:

- 1) определить сумму на банковском счету в конце 5-го года;
- 2) определить сумму на банковском счету в конце пятого года при постоянной процентной ставке i , равной 13% ;

3) рассчитать начальный взнос, необходимый для обеспечения той же суммы, которая была получена в 1-м случае, при постоянной процентной ставке i , равной 13 %.

Решить аналогичную задачу, взяв данные из табл. 3.1.

Таблица 3.1 — Исходные данные для выполнения задания 1

Вариант	A	P_1	P_2	P_3	P_4	P_5	i
1	1000	3	4	5	6	7	5
2	2000	4	6	7	8	9	7
3	3000	5	6	7	9	10	9
4	4000	6	7	8	8	9	6
5	5000	7	7	8	8	10	7
6	6000	8	9	10	11	12	11
7	7000	9	9	10	11	12	9
8	8000	10	10	11	12	10	5
9	9000	11	12	13	14	15	4
10	10000	12	13	14	15	16	6
11	11000	13	14	15	16	16	8
12	12000	14	15	15	16	17	9

Функция БЗРАСПИС возвращает будущее значение единовременного вложения при переменной процентной ставке.

Ее синтаксис:

БЗРАСПИС (Первичное;План)

Аргументы:

Первичное – числовое значение, представляющее собой исходную сумму средств;

План – массив процентных ставок, используемых за рассматриваемый период.

Функция БС возвращает будущее значение вклада на основе периодических постоянных платежей и постоянной процентной ставки

(наращение из настоящего в будущее). Для расчета функции БС используется метод сложных процентов.

Ее синтаксис:

БС (Ставка;Кпер;Плт;Пс;Тип)

Аргументы:

Ставка – процентная ставка за период (задавать в процентном формате или в долях);

Кпер – общее число платежных периодов, по истечении которых вы хотите определить объем имеющихся средств;

Плт – величина постоянных периодических платежей;

Пс – начальное значение (текущая стоимость) вклада;

Тип – параметр, определяющий, когда вносятся платежи: в начале (=0) или в конце периода (=1). По умолчанию **Тип**=0.

Эту функцию можно использовать и для нахождения начального значения вклада (аргумента **Пс**), но совместно с сервисной функцией Excel **Подбор параметра**, т.к. искомое является аргументом функции **Пс**.

Функция Пс возвращает как текущий (сегодняшний) объем вклада для достижения необходимого финансового результата, так и объем будущих постоянных периодических платежей¹ и является обратной по отношению к функции БС.

Ее синтаксис:

Пс (Ставка;Кпер;Плт;Бс;Тип)

Аргументы:

Ставка – процентная ставка за период (задавать в процентном формате или в долях);

Кпер – общее число периодов выплат;

Плт – величина постоянных периодических платежей;

Бс – баланс наличности, который нужно достичь после последней выплаты (если опущен, то 0);

Тип – 0 или 1. Если 0 – оплата производится в конце периода, если 1, то в начале.

На рис 3.2 приведено диалоговое окно функции ПС, используемой для решения следующей задачи: определите сумму, которую вы заплатите за холодильник при покупке его в рассрочку на 3 года под неизменную процентную ставку 5 % при ежеквартальной выплате 1500 руб. Ответ: почти 16619 руб.

Аргументы функции

ПС

Ставка	5%/4	=	0,0125
Кпер	3*4	=	12
Плт	-1500	=	-1500
Бс	0	=	0
Тип	0	=	0

= 16618,96795

Возвращает приведенную (к текущему моменту) стоимость инвестиции - общую сумму, которая на настоящий момент равноценна ряду будущих выплат.

Тип логическое значение (0 или 1), обозначающее, должна ли производиться выплата в конце периода (0 или отсутствие значения) или в начале периода (1).

Значение: 16618,96795

[Справка по этой функции](#)

ОК Отмена

Рис. 3.2. Диалоговое окно функции ПС

Задание 2. Сумма P , которую у вас просят в долг, составляет 10000 руб. Возврат предполагается осуществлять ежегодно суммами A в размере 2000 руб. в течение периода N , который составит 6 лет. У вас есть другой способ использования денег: положить их в банк под $p=7$ % годовых и каждый год снимать ту же сумму $A = 2000$ руб.

1. Выбрав критерий эффективности, сделать вывод о финансовой привлекательности предлагаемых способов использования денежных средств. В качестве ответа получить текст-рекомендацию, что нужно

¹ Поток платежей, все члены которого положительны и поступают через одинаковые интервалы времени, называется финансовой рентой, или *аннуитетом*.

делать: нести в банк или давать в долг. Для автоматического получения текста-рекомендации используйте функцию ЕСЛИ.

2. Используя **Диспетчер сценариев**, проанализировать ситуацию для нескольких различных вариантов изменения параметров N , P , A , p , задав их самостоятельно, или взяв из табл. 10.2. Не забудьте включить в отчет по сценариям ячейку с текстом-рекомендацией.

Таблица 10.2 — Исходные данные для выполнения задания 2 (при $p=7\%$ годовых)

Вариант	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
N , лет	7	8	9	10	11	7	8	9	10	11	3	7
P , тыс. руб.	170	200	220	300	350	210	250	310	320	360	10	10
A , тыс. руб.	32	31	33	45	41	32	37	48	35	41	4,0	1,6

Сервисная функция **Диспетчер сценариев** используется в Excel для проведения многовариантных расчетов.

Создание первого сценария производится с помощью последовательности команд меню **Данные** → **Анализ «что если»** → **Диспетчер сценариев** → **Добавить** (рис. 3.3) после того, как на листе получено решение задачи для одного (опорного) варианта.

Рис. 3.3. Диспетчер сценариев: создание первого сценария

В поле **Изменяемые ячейки** указываются те ячейки, в которых находятся параметры задачи.

После нажатия кнопки **ОК** в диалоговом окне **Значения ячеек сценария** вводятся значения параметров для первого сценария и с помощью диалогового окна **Диспетчер сценариев** (рис. 3.4) добавляется необходимое число сценариев.

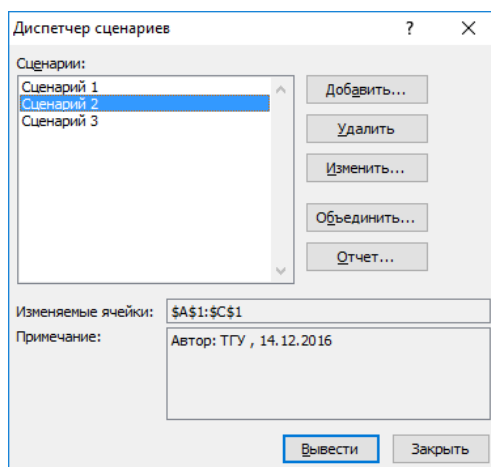


Рис. 3.4. Диспетчер сценариев: главное меню

С помощью кнопки **Отчет** открывается диалоговое окно **Отчет по сценарию**, где определяется тип отчета (**Структура** или **Сводная таблица**) и задаются ячейки, где вычисляются результаты, т.е. числовое значение используемой вами финансовой функции и текст-рекомендация.

Таким образом, на листе Excel будет находиться *только одно* (опорное) решение; все остальные варианты — в отчете.

Задание 3. У вас есть возможность проинвестировать проект стоимостью A , равной 10000 руб. Через год будет возвращена сумма P_1 в размере 2000 руб., через два года — сумма P_2 в размере 4000 руб., через три года — сумма P_3 , равная 7000 руб. Альтернативный вариант — поместить деньги в банк под i процентов годовых.

1. Используя сервисную функцию Excel **Подбор параметра** (меню **Данные** → **Анализ «что если»** и финансовую функцию ЧПС.

Ответьте на вопрос: при какой годовой банковской процентной ставке деньги выгоднее вкладывать не в банк, а в инвестиционный проект? Решить аналогичную задачу, взяв данные из табл. 3.3.

2. Найдите среди финансовых функций Excel функцию прямого действия, с помощью которой можно получить решение сразу, не используя процедуру Подбор параметра. Проверьте с помощью нее найденные решения.

Таблица 3.3 — Исходные данные для выполнения задания 3

Вариант	N	A	P ₁	P ₂	P ₃	P ₄	P ₅
1	3	17000	5000	7000	8000		
2	4	20000	6000	6000	9000	7000	
3	5	22000	5000	8000	8000	7000	5000
4	3	30000	5000	10000	18000		
5	4	35000	5000	9000	10000	18000	
6	5	21000	4000	5000	8000	10000	11000
7	3	25000	8000	9000	10000		
8	4	31000	9000	10000	10000	15000	
9	5	32000	8000	10000	10000	10000	11000
10	3	36000	10000	15000	21000		
11	4	26000	7000	10000	11000	10000	
12	5	40000	8000	12000	15000	15000	16000

Функция ЧПС используется в Excel для расчета эффективности планируемых капиталовложений. Она возвращает чистую текущую величину вклада (инвестиции), вычисленного на основе ряда последовательных (неравномерных) поступлений денежных средств.

Синтаксис функции:

Аргументы:

ЧПС(Ставка;Значение1;Значение 2;...К)

Ставка – процентная ставка за период;

Значения — до 29 аргументов (могут быть массивы), представляющих поступления (доходы со знаком «+», расходы со знаком «-»).

Рассмотрим применение функции ЧПС для решения следующей задачи.

Пусть в начале первого года вы вкладываете в инвестиционный проект 30000 рублей и предполагаете годовые доходы 8000 руб., 9000 руб., 10000 руб., 12000 руб. в последующие четыре года (начиная со второго). Предположим, что годовая учетная ставка составляет 8 процентов, в таком случае чистый текущий объем инвестиции составит:

$$-30000 + \text{ЧПС}(8\%; 8000; 9000; 10000; 12000) = 1882,14 \text{ руб.}$$

Если платежи происходят в конце рассматриваемых периодов, то формула расчета чистого текущего объема инвестиции примет несколько другой вид:

$$\text{ЧПС}(8\%; -30000; 8000; 9000; 10000; 12000) = 1742,72 \text{ руб.},$$

т.е. первоначальные затраты 30000 руб. были включены в формулу одним из значений.

Задание 2. Вычислить N-годовую ссуду покупки квартиры за A рублей с годовой ставкой i процентов и начальным взносом p процентов. ежегодных выплат и сравнить результаты. Что выгоднее и насколько: платить ежемесячно или ежегодно? Какова сумма выплаченных комиссионных (т.е. разницы между всеми выплатами и первоначальной стоимостью квартиры) в обоих вариантах? Данные взять из табл. 3.4.

Таблица 10.4 — Исходные данные для выполнения задания 4

Вариант	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
N, лет	7	8	9	10	11	7	8	9	10	11	7	8
A, тыс. руб.	170	200	220	300	350	210	250	310	320	360	180	200
p, %.	10	10	20	20	15	15	30	30	25	25	25	15
i, %	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	10	8

Функция ПЛТ вычисляет величину постоянной периодической выплаты ренты, регулярных платежей по займу и других регулярных платежей при постоянной процентной ставке.

Ее синтаксис:

ПЛТ(Ставка;Кпер;Пс;Бс;Тип)

Аргументы:

Ставка – процентная ставка по ссуде;

Кпер – общее число выплат по ссуде;

Пс – общая сумма, которую составят будущие платежи;

Бс – будущая сумма или баланс наличности, который нужно достичь

после последней выплаты;

Тип – число выплата. 0 или 1, обозначающее, когда должна производиться

Задание 5. Используя функцию СТАВКА, определить процентную ставку для N -летнего займа в A рублей с ежегодной выплатой в P рублей. Данные взять из табл. 3.5. Каковы будут ваши действия, если банк дает заем под более высокий процент? Введите сами значение этого процента и пересчитайте N или P , выбрав нужную финансовую функцию.

Таблица 10.5 — Исходные данные для выполнения задания 5

Вариант	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
N , лет	5	6	7	8	10	10	12	15	20	30	40	55
A , млн руб.	1,0	0,8	0,8	0,8	1,7	1,0	7,5	5,9	10	30	35	6,5
P , млн руб.	0,2	0,15	0,12	0,12	0,19	0,15	0,7	0,7	1,0	1,7	1,8	0,24

Функция СТАВКА вычисляет процентную ставку за один период, необходимую для получения определенной суммы в течение заданного срока путем постоянных взносов.

Ее синтаксис:

СТАВКА(Кпер;Плт;Пс;Бс;Тип;Предположение)

Первые пять аргументы уже были описаны выше.

Предположение – предполагаемая величина нормы (поиск величины нормы организован итерационным способом и это значение есть начальное приближение); если оно опущено, то берется значение 10 %.

Функция **КПЕР** возвращает общее количество периодов выплаты для данного вклада на основе периодических постоянных выплат и постоянной процентной ставки.

Ее синтаксис:

КПЕР(Ставка;Плт;Пс;Бс;Тип)

Аргументы:

Ставка – процентная ставка за период;

Плт – это выплата, производимая в каждый период;

Пс – текущая стоимость, или общая сумма всех будущих платежей с настоящего момента;

Бс – будущая стоимость или баланс наличности, который нужно достичь после последней выплаты;

Тип – число 0 или 1, обозначающее, когда должна производиться выплата.

Задание 6. Решить следующие задачи, найдя и применив нужную финансовую функцию.

1. Рассчитать, какая сумма будет на счете, если вклад размером 50 тыс. руб. положен под 12 % годовых на три года, а проценты начисляются каждые полгода.

2. Рассчитать число месяцев, в течение которых вклад размером 50 тыс. руб. достигнет 100 тыс. руб. при ежемесячном начислении процентов и ставке процента 20 % годовых.

3. Рассчитать текущую стоимость вклада, который через три года составит 150 тыс. руб. при ставке процента 20 % годовых.

4. Определить текущую стоимость обязательных ежемесячных платежей размером 100 тыс. руб. в течение пяти лет, если процентная ставка составляет 12 %.

5. Вклад размером 200 тыс. руб. положен под 10 % годовых. Рассчитать, какая сумма будет на банковском счете через пять лет, если проценты начисляются ежемесячно.

6. Определить эффективность инвестиций, размер которых составляет 200 млн руб., если ежемесячные доходы за первые пять месяцев составят соответственно 20, 30, 50, 80 и 100 млн руб. Издержки привлечения капитала составляют 13, 5 % годовых.

7. Рассчитать будущую стоимость облигации номиналом 50 тыс. руб.,

выпущенной на пять лет, если предусмотрен следующий порядок начисления процентов: в первые два года – 12 % годовых, в следующие два года – 14 %, в последний год – 16 % годовых.

8. На банковский счет вносятся обязательные ежемесячные платежи по 20 тыс. руб. Рассчитать, какая сумма окажется на счете через четыре года при ставке процента 12 % годовых.

9. Определить текущую стоимость ежемесячных платежей размером 40 тыс. руб. в течение двух лет при ставке процента 15 % годовых.

10. Рассчитать, какую сумму нужно положить на депозит, чтобы через четыре года она выросла до 2 млн руб. при норме процента 9 % годовых.

11. Рассчитать, через сколько лет произойдет погашение займа размером 5 млн руб., если выплаты по 400 тыс. руб. производятся в конце каждого квартала, а ставка процента составляет 15 % годовых.

12. Определить текущую стоимость обычных ежеквартальных платежей размером 350 тыс. руб. в течение семи лет, если ставка процента – 11 % годовых.

13. Определить ежемесячные выплаты по займу в 10 млн руб., взятому на восемь месяцев под 10 % годовых.

14. Рассматривается проект стоимостью 100 млн руб. Ожидается, что ежемесячные доходы по проекту составят 16, 25, 36, 50 млн руб. за четыре месяца. Определить чистую текущую стоимость проекта, если годовая норма процента 19 %.

15. Какую сумму необходимо ежемесячно вносить на счет, чтобы через три года получить 10 млн руб., если годовая процентная ставка 18 %?

16. По сертификату, погашаемому выплатой в 250 тыс. руб. через три года, проценты начисляются раз в полугодие. Определить цену продажи, если номинальная ставка 30 % годовых.

17. Капитальные затраты по проекту – 470 млн руб. Ожидается, что его реализация принесет следующие доходы за три года: 170, 230, 190 млн руб.

соответственно. Издержки привлечения капитала равны 14 %. Определить чистую текущую стоимость проекта.

18. Заем в 900 тыс. руб. погашается равномерными периодическими платежами по 100 тыс. руб. каждые полгода в течение семи лет. Определить годовую ставку процента.

19. Предположим, вам предлагают два варианта оплаты: сразу заплатить 600 тыс. руб. или вносить по 110 тыс. руб. в конце каждого месяца в течение полугода. Вы могли бы обеспечить своим вложениям 9,5 % годовых. Какой вариант предпочтительнее?

20. Предполагается, что ссуда размером 5 млн руб. погашается ежемесячными платежами по 140 тыс. руб. Рассчитать, через сколько лет произойдет погашение, если годовая процентная ставка 16 %.

21. Рассчитать годовую ставку процента по вкладу размером 100 тыс. руб., если за 13 лет эта сумма возросла до 1 млн руб. при ежеквартальном начислении процентов.

22. Рассчитать будущую стоимость облигации номиналом 100 тыс. руб., выпущенной на семь лет, если в первые три года проценты начисляются по ставке 17 %, а в остальные четыре года – по ставке 22 % годовых.

23. Какую сумму необходимо положить на депозит под 16 % годовых, чтобы получить через три года 44 млн руб. при полугодовом начислении процентов?

24. Определить, какая сумма окажется на счете через год, если вклад размером 90 тыс. руб. положен под 9 % годовых, а проценты начисляются ежеквартально.

25. В течение какого срока платежи в размере 3 млн руб. (в конце каждого месяца) достигнут значения 10 млн руб., если ставка процента 14,5 %?

26.Какая сумма должна быть выплачена, если шесть лет назад была выдана ссуда 1,5 млн руб. под 15 % годовых с ежемесячным начислением процентов.

27.Взносы на банковский счет составляют 200 тыс. руб. в начале каждого месяца. Определить состояние счета через семь лет при ставке процента 10 %.

28.Рассчитать чистую текущую стоимость проекта, затраты по которому составили 400 млн руб., а доходы за первые два года составили 40 и 75 млн руб. Процентная ставка 15 % годовых.

29.Рассчитать процентную ставку для трехлетнего займа размером 5 млн руб. с ежеквартальным погашением по 800 тыс. руб.

30.Рассчитать, через сколько лет обязательные ежемесячные платежи размером 150 тыс. руб. принесут доход в 10 млн руб. при ставке процента 13,5 % годовых.

31.Рассчитать число месяцев, в течение которых вклад размером 50 тыс. руб. достигнет 100 тыс. руб. при ежемесячном начислении процентов и ставке процента 20 % годовых.

Лабораторная работа 4

Доклад и презентация научно-исследовательской работы.

Цель работы: освоить приемы подготовки презентаций и подготовки доклада по научно-исследовательской работе.

Задание. Подготовить презентация по научно-исследовательской работе согласно требованиям.

Требование к содержанию презентации:

1. Обосновать актуальности темы.
2. Определить проблему данной области.
3. Обзор и анализ известных решений проблемы, их недостатки.
4. Объект и предмет исследования.
5. Цель и задачи исследования.
6. Теоретическая база, методы и инструменты исследования (с обоснованием).
7. Предлагаемое решение задач исследования с обоснованием.
8. Анализ достигнутых результатов. Новизна и практическая значимость полученных результатов.
9. Общее заключение и выводы.

Требования оформлению презентации:

1. Презентация не должна быть меньше 10 слайдов.
2. Первый лист – титульный лист, на котором отображено:
 - название доклада;
 - фамилия, имя, отчество автора и научного руководителя;
 - организация;
3. Содержание. Из содержания по гиперссылке можно перейти на

необходимую страницу и вернуться вновь на содержание.

Следующие слайды согласно требованиям к презентации.

4. Дизайн-эргономические требования: сочетаемость цветов, ограниченное количество объектов на слайде, цвет текста.
5. Наличие мультимедиа и анимации на слайде с учетом экспорта в PDF формат.
6. Список литературы.

Лабораторная работа 5

Инсталляция и изучение ППП

Задание. Выбрать пакет прикладных программ с предлагаемых компакт-дисков (или согласовав с преподавателем другой ППП экономической тематики), провести его инсталляцию, описать возможности ППП в соответствии с предлагаемым планом.

1. Привести полное и сокращенное название пакета, указать фирму-производителя, версию ППП.

2. Описать требования к аппаратному и программному обеспечению, возможности взаимодействия с другими ППП (экспорт, импорт файлов, использование других программ и внешних баз данных и т.п.). Указать требуемый объем памяти при полной установке, минимальной установке? Описать особенности инсталляции.

3. Описать функциональное назначение ППП.

4. Проанализировать организацию интерфейса с пользователем (привести свое аргументированное мнение о его «дружественности», «интуитивной понятности» и «концептуальной целостности»). Привести примеры оформления интерфейса (дать скриншотами).

5. Описать все меню и подменю командного языка, отпечатать вид главного меню, некоторые подменю – на ваш выбор. Англоязычные термины снабдить переводом на русский язык.

6. Описать входные данные для работы пакета и его составляющих, описать результаты работы пакета (выходные данные, генерируемые отчеты). Поработать с пакетом, задав необходимые исходные данные. Получить результаты.

7. Если есть встроенные образцы-примеры (Samples), отпечатать их как пример организации работы пакета.

8. Оформить отчет в соответствии со государственным стандартом по выполнению ВКР Национального исследовательского Томского государственного университета.

Указание. Используйте справочную систему пакета. Если она на английском языке, то переведите, например, с помощью онлайн переводчика и отредактируйте. Можно использовать литературу с описанием выбранного пакета программ, если таковая имеется в обозримой окрестности.